

СТРОЕНИЕ ВЕЩЕСТВА  
И КВАНТОВАЯ ХИМИЯ

УДК 531.9

ЭЛЕКТРОННЫЕ  $d$ - $d$ -ПЕРЕХОДЫ В ИОНАХ МЕДИ ПРИ ОПТИЧЕСКОМ ПОГЛОЩЕНИИ В ВЫСОКОТЕМПЕРАТУРНЫХ СВЕРХПРОВОДНИКАХ

© 1997 г. А. Л. Чугреев, И. А. Мисуркин

Государственный научный центр Российской Федерации  
“Научно-исследовательский физико-химический институт им. Л. Я. Карпова”, Москва

Поступила в редакцию 26.02.96 г.

С помощью метода эффективного гамильтониана кристаллического поля вычислены энергии переходов для электронных  $d$ - $d$ -возбуждений в кластерах  $\text{CuO}_n^{2(n-1)-}$  для таких значений  $n$  и геометрических параметров кластеров, которые соответствуют разным кристаллографическим классам высокотемпературных сверхпроводящих купратов. Показано, что вычисленные энергии переходов с высокой точностью совпадают с положениями экспериментальных максимумов в оптических спектрах отражения купратов в области 1.5–2.5 эВ. Приведены аргументы в пользу того, что эти максимумы обусловлены электронными  $d$ - $d$ -переходами в  $3d$ -оболочках ионов меди.

Выбор модели для электронной структуры высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) является центральной проблемой при теоретическом объяснении электронных свойств этих материалов. В работах [1–3] была предложена модель электронного строения купрятных высокотемпературных сверхпроводников, согласно которой в веществе хорошо обособлены электроны положительно заряженных ионов редкоземельных элементов и отрицательно заряженных перовскитовых слоев  $\text{CuO}_n$ , электроны которых в свою очередь разделены на две группы: валентные делокализованные электроны, которые могут находиться на  $2p$ -орбиталах атомов кислорода и на  $4s$ - и  $4p$ -орбиталах атомов меди, и локализованные  $3d$ -электроны атомов меди. С учетом такого разделения электронов на хорошо обособленные группы была предложена **волновая функция, отличная от хартри-фоковской**, как для электронов всего вещества, так и для электронов перовскитового слоя. Исключение возможности гибридизации  $d$ -орбиталей меди и  $p$ -орбиталей кислорода из определения **пробной волновой функции электронов** отличает нашу модель электронного строения от большинства ВТСП-моделей, постулирующих эту гибридизацию (см., например, [4] и литературу в работах [1–4]).

Напомним, что проблема выбора волновой функции для оксидов переходных металлов обсуждалась более 25 лет назад [5]. Основным был вопрос, почему, к примеру, оксиды переходных металлов  $\text{MnO}$ ,  $\text{FeO}$ ,  $\text{CoO}$ ,  $\text{NiO}$  или соединения переходных металлов со структурой перовскита являются магнитными диэлектриками независимо от того, четное или нечетное число  $d$ -электронов содержится в каждом ионе переходного металла. В качестве решения проблемы было предложено

считать  $d$ -электроны локализованными, что сразу превращало кристалл в диэлектрик, и одновременно приводило к решетке локализованных магнитных моментов. Это в свою очередь позволяло описывать магнитные свойства в терминах гайзенберговских спинов. Эти общие соображения были использованы нами в [1] при выборе волновой функции для электронов  $\text{CuO}_2$ -слоя.

Волновая функция электронов  $\text{CuO}_2$ -слоя является произведением локализованных функций  $d$ -электронов и делокализованных функций колективизированных электронов, для которых все зоны полностью заполнены. Поэтому ВТСП, хотя они и содержат  $\text{CuO}_2$ -слои с нечетным числом  $d$ -электронов в ионах  $\text{Cu}^{2+}(3d^9)$ , будут диэлектриками. В работах [2, 3] мы объяснили: а) появление низкоэнергетической полосы в спектре отражения купратов состава  $\text{La}_{2-x}\text{M}_x\text{CuO}_4$  (где  $\text{M}$  – двухвалентный катион) при ненулевом уровне дипирования  $x$  и б) типичное для полупроводников поведение константы Холла и сопротивления в области умеренного дипирования. Кроме того, в нашей модели существует критическая концентрация примесных атомов  $x_c$ , при которой электронная структура слоя приобретает качественно новые черты. Если при  $x < x_c$  в системе коллективизированных электронов слоя существует одна частично заполненная зона (металлического характера), то при  $x \geq x_c$  существуют две частично заполненные зоны. Рассчитанная величина  $x_c = 0.03$  совпадает с той, при которой в эксперименте наблюдается появление сверхпроводящей фазы. Наличие двух незаполненных зон, возможно, является ключом к объяснению механизма сверхпроводимости в ВТСП разных типов, включая оксидные сверхпроводники без  $\text{CuO}_2$ -плоскости.

В современных теориях электронного строения ВТСП старые идеи о строении перовскитов и оксидов переходных металлов не были использованы, и при выборе модели для  $\text{CuO}_2$ -слоя, содержащего ионы меди  $\text{Cu}^{2+}(3d^9)$  и кислорода  $\text{O}^{2-}$ , постулировалась делокализованная функция Хартри–Фока для всех электронов слоя (см., например, литературу в [1, 3]), включающая гибридизацию  $d$ -орбиталей меди и  $p$ -орбиталей кислорода. Поскольку верхняя зона при таком описании оказывалась заполненной только наполовину, то для объяснения диэлектрического поведения постулировалось мотт–хаббардовское расщепление этой зоны на две (одну полностью заполненную и другую свободную) зоны, разделенные щелью  $\Delta$ . Далее предполагалось, что спектры отражения для ВТСП в области 1.0–2.5 эВ связаны с электронными переходами либо между хаббардовскими зонами, либо между  $2p$ -зонами кислорода и верхней хаббардовской зоной [6], а величина низкоэнергетического края в этих спектрах, которая в зависимости от типа ВТСП оказалась порядка 1.4–1.8 эВ [7], как раз и равна щели  $\Delta$ . В экспериментальных и теоретических работах электронные переходы в купратах при 1.5–2.0 эВ с видимым единогласием классифицируют как переходы с переносом заряда  $\text{O}_{2p} \rightarrow \text{Cu}_{3d}$  и рассматривают как одно из важнейших подтверждений описания сверхпроводящих купрата в терминах “изоляторов с переносом заряда” [8]. Между тем, такое отнесение переходов при 1.5–2.0 эВ никогда не было подтверждено независимо. Имеющиеся экспериментальные данные не позволяют считать такую интерпретацию переходов единственной правильной. Согласно [9], силы осцилляторов для данного перехода составляют  $f = 0.2\text{--}0.4$  для разных типов ВТСП-кристаллов. Такие величины сил осцилляторов могут иметь как переходы с переносом заряда, так и эффективно разрешенные внутриионные  $d$ - $d$ -переходы, подобные переходам в комплексах переходных металлов. Между тем, в большинстве работ, посвященных спектроскопическому исследованию сверхпроводящих купрата и соответствующих исходных соединений, не принимается во внимание возможность  $d$ - $d$ -переходов в  $d$ -оболочках ионов  $\text{Cu}^{2+}$ . Однако такие переходы должны наблюдаться так же, как они наблюдаются в гексагидратных комплексах меди(II) и других подобных соединениях. При этом энергии этих  $d$ - $d$ -переходов лежат именно в интервале 1–2 эВ. Например, цвет медного купороса связан именно с такими переходами.

В данной работе мы оценим энергию  $d$ - $d$ -переходов в ВТСП-купратах с помощью метода эффективного гамильтониана кристаллического поля (ЭГКП), развитого нами ранее для расчета энергий  $d$ - $d$ -электронных переходов в комплексах переходных металлов [10–12]. В качестве мо-

дели мы рассмотрим кластеры  $\text{CuO}_n^{2(n-1)-}$  при экспериментальных значениях геометрических параметров. В оболочке иона  $\text{Cu}^{2+}(3d^9)$  находится одна дырка, и поэтому  $d$ - $d$ -переходы можно рассматривать как переходы одной дырки с орбитали основного состояния  $d_{x^2-y^2}$  на орбитали  $d_{xy}$ ,  $d_z^2$ ,  $d_{xz}$ ,  $d_{yz}$ . Соответствующие энергии имеют вид:

$$E(d_{x^2-y^2} \rightarrow d_{xy}) = 10Dq,$$

$$E(d_{x^2-y^2} \rightarrow d_z^2) = 4Ds + 5Dt,$$

$$E(d_{x^2-y^2} \rightarrow d_{xz}, d_{yz}) = 10Dq + 3Ds - 5Dt,$$

где  $Dq$ ,  $Ds$  и  $Dt$  – стандартные обозначения параметров кристаллического поля.

Кластер  $\text{CuO}_n^{2(n-1)-}$  в кристалле отличается от изолированной молекулы в двух отношениях. Во-первых, электроны на атомах кластера испытывают действие электрического поля от всех остальных зарядов кристалла. Это маделунговское поле стремится разделить заряды в кристалле, и его влияние может быть передано соответствующей поправкой к стандартным однозарядным параметрам [13]  $\chi_s = 1/2(I_s + A_s) = 25.39$  эВ

и  $\chi_p = \frac{1}{2}(I_p + A_p) = 9.111$  эВ атомов кислорода.

Оценка маделунговского поля в соединении  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  в приближении точечных зарядов, отвечающих формальным степеням окисления ( $\text{La}^{3+}$ ,  $\text{Cu}^{2+}$ ,  $\text{O}^{2-}$ ), приводит к увеличению притяжения электронов к этому О на 49.22 эВ [14, 15]. Заметим, что величина  $e\Delta V$ , которую следует добавить к основному потенциалу атомов кислорода при расчетах  $\text{CuO}_2$ -слоя в ограниченном базисе и без явного учета межатомного кулоновского взаимодействия [2, 3], не совпадает с добавкой, которую следует сделать при расчете кластера  $\text{CuO}_6^{10-}$  в базисе валентных состояний. В кластере  $\text{CuO}_6^{10-}$  межатомное кулоновское взаимодействие учтено явно, и поэтому эта добавка должна быть вкладом только от зарядов вне кластера. Для кластера с точечными зарядами разность потенциалов на атомах Cu и O составляет 52 В, так что заряды кластера сами создают практически нужное поле. Поэтому требуется лишь незначительная добавка к параметрам кислорода ( $e\Delta V = -3$  эВ) для уменьшения поля на кислороде. С учетом этой добавки параметры атомов O примут значения  $\chi_s = 22.39$  эВ и  $\chi_p = 6.111$  эВ.

Во-вторых, считается, что атомные орбитали дианионов кислорода значительно более диффузны, чем это предполагают стандартные квантово-химические параметризации. В работе Хирша [16]

Энергии (эВ)  $d-d$ -переходов и переходов с переносом заряда, рассчитанные со стандартными параметрами метода ЭГКП [10–12] и сопоставленные с энергиями первого экспериментального максимума ( $\Delta_1$ ) и др. максимумов в спектрах отражения разных соединений [7, 17]

Соединение	Z	$\Delta_1$ [7]	$d-d$ -Переходы			Переходы с переносом заряда		
			$\rightarrow d_{xy}$	$\rightarrow d_{z^2}$	$\rightarrow d_{xy}, d_{yz}$	$Cu3d \rightarrow O2p/Cu4s$		
$La_2CuO_4$	6	1.8	1.54 1.8 <sup>a</sup>	1.73 1.96 <sup>a</sup>	2.00 2.25 <sup>a</sup>	8.47 8.37 <sup>a</sup>	9.95 10.11 <sup>a</sup>	10.94 11.07 <sup>a</sup>
$LaGdCuO_4$	5	1.65	1.40 1.47 <sup>b</sup>	1.74	1.97	6.0 <sup>b</sup>	7.0 <sup>b</sup>	9.0 <sup>b</sup>
$Eu_2CuO_4$	4	1.60	1.62	2.39	2.41	8.81	10.97	11.14
$Nd_2CuO_4$	4	1.45	1.49	2.24	2.26	8.80	10.52	11.11
$Pr_2CuO_4$	4	1.39	1.43	2.18	2.19			

<sup>a</sup> С поправкой параметров атомов О на маделунговское поле  $e\Delta V = -3$  эВ; <sup>b</sup> с поправкой параметров атомов О на маделунговское поле  $e\Delta V = -1$  эВ; <sup>b</sup> положения пиков в спектрах отражения  $La_2CuO_4$  [17].

было предложено уменьшить значение орбитальной экспоненты  $\zeta_0$  примерно до 1.0, что значительно меньше стандартного значения 2.275 [13]. В наших работах [2, 3] использовано значение  $\zeta_0 = 1.4$ . В обоих случаях описание электронной структуры слоя проводилось в ограниченном базисе состояний кислорода, куда были включены только его  $2p$ -состояния. В методе ЭГКП [10–12] учтены все валентные орбитали кислорода и меди, и поэтому здесь при расчете энергий  $d-d$ -переходов в кластерах  $CuO_n^{2(n-1)-}$  будет использовано стандартное значение экспоненты  $\zeta_0 = 2.275$  [13].

Результаты расчетов различных кластеров со стандартными параметрами метода ЭГКП приведены в таблице. Они свидетельствуют о существовании  $d-d$ -переходов именно в области 1.5–2.0 эВ для ВТСП, полученных на основе оксидов меди. Эти предсказания находятся в удовлетворительном согласии с экспериментальными данными [7, 9]. В ряду купратов структурного типа  $T'$  ( $Eu_2CuO_4$ ,  $Nd_2CuO_4$ ,  $Pr_2CuO_4$ ), где атомы меди находятся в плоскоквадратной координации с атомами кислорода, координационное число  $Z = 4$ , длины связей Cu–O равны 1.953, 1.973 и 1.983 Å соответственно) наши расчеты воспроизводят и энергии переходов, и тенденцию их изменения при изменении параметров решетки [7]. Разность потенциалов на атомах Cu и O в плоскоквадратном кластере  $CuO_4^{6-}$  (в приближении точечных зарядов для геометрии  $Nd_2CuO_4$ ) оказалась равной 46.76 В, что практически совпадает с разностью маделунговских потенциалов (46.37 В), вычисленной в том же приближении для кристалла  $Nd_2CuO_4$  [14, 15]. Поэтому для купратов этого

структурного типа не нужна перенормировка электронных параметров атомов O.

Определенную проблему представляют переходы в  $La_2CuO_4$  (вытянутый октаэдр,  $Z = 6$ ) и в  $LaGdCuO_4$  (тетрагональная пирамида;  $T^*$ -фаза,  $Z = 5$ ) [9]. Прежде всего отмечено расхождение в экспериментальных данных для энергий перехода: в  $La_2CuO_4$  энергии максимумов оцениваются как 1.8 эВ [7] и 2.0 эВ в  $LaGdCuO_4$  – как 1.65 эВ [7] и 1.8 эВ [9]. Рассчитанные энергии перехода оказались более высокими в случае четырехкоординационных комплексов в сравнении с пяти- и шестикоординационными, что противоречит экспериментальным данным [7]. Ситуация существенно улучшается после внесения поправок на маделунговское поле от кристалла, расположенных вне кластеров  $La_2CuO_4$  и  $LaGdCuO_4$ . Использованные при расчетах зоны  $d-d$ -переходов в кристаллах  $La_2CuO_4$  и  $LaGdCuO_4$  соответственно. Как отмечено выше, в кластере  $CuO_6^{8-}$ , моделирующем кристаллическое окружение иона  $Cu^{2+}(3d^9)$  в  $La_2CuO_4$ , с учетом электронным параметрами атомов O следует ввести  $e\Delta V = -3$  эВ. Рассматривая  $LaGdCuO_4$  и  $CuO_5^{8-}$ , использованные при расчетах зоны  $d-d$ -переходов в кристаллах  $La_2CuO_4$  и  $LaGdCuO_4$  соответственно. Как отмечено выше, в кластере  $CuO_6^{8-}$ , моделирующем кристаллическое окружение иона  $Cu^{2+}(3d^9)$  в  $La_2CuO_4$ , с учетом электронным параметрами атомов O следует ввести  $e\Delta V = -3$  эВ. Рассматривая  $LaGdCuO_4$  и  $CuO_5^{8-}$ , мы провели расчеты маделунговского поля в этом кластере с точечными зарядами. Нашли, что разность потенциалов на атомах Cu и O составляет 49 В.

В работе [15], где рассчитаны маделунговские поля для многих оксидов меди, нет данных о величине этой разности потенциалов для кристалла  $LaGdCuO_4$ . Однако отмечено [15], что для

оксидов меди с пятикоординированными атомами меди величина разности потенциалов на ионах Cu и O составляет 47–48 В. Например, для  $\text{Nd}_{1.4}\text{Ce}_{0.2}\text{Sr}_{0.4}\text{CuO}_4$  ( $T^*$ -фаза) эта величина равна 49 В, а для  $\text{Gd}_2\text{CuO}_4$  – 46.95 В. Поэтому мы пересчитали параметры кислорода в кластере

$\text{La}_2\text{CuO}_4$ , на величину  $\delta\Delta V = -1$  эВ и нашли (таблица), что рассчитанная энергия первого перехода в  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  увеличилась до 1.8 эВ, а в  $\text{LaGdCuO}_4$  – до 1.47 эВ. Это существенно улучшило согласие с экспериментальными данными. После введения поправок на маделунговские поля от внешних атомов наш метод расчета правильно воспроизвел характерные зависимости величины  $10Dq$  для разных соединений.

Рассмотрим теперь средненеэнергетическую часть спектров отражения  $\text{La}_2\text{CuO}_4$ . Характерной особенностью этих спектров является наличие трех пиков при 6.0, 7.0 и 9.0 эВ [17]. Электронные переходы, отвечающие этим пикам, были интерпретированы [17] как переходы с переносом заряда  $\text{O}2p \rightarrow \text{La}5d/4f$ . Наши расчеты показали, что в кластере  $\text{CuO}_6^{10-}$  три наименьшие энергии переходов с переносом заряда  $\text{Cu}3d \rightarrow \text{O}2p/\text{Cu}4s$  лежат в интервале от 8 до 11 эВ. В кристалле  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  состояния  $\text{O}2p/\text{Cu}4s$  размываются в зоны [1–3], энергии нижайших уровней этих зон будут меньше найденных нами значений на несколько электронвольт (порядок величины параметров пересека электронов в зонах), и энергии переходов с переносом заряда попадут в область экспериментально наблюденных переходов.

В заключение сопоставим полученные нами результаты с существующей в литературе интерпретацией оптических спектров купратов в области энергий 1–2.5 эВ. Наши энергии сопоставимы с энергиями переходов 0.79 эВ ( $\rightarrow d_z$ ), 1.19 эВ ( $\rightarrow d_{xz}$ ), 1.22 эВ ( $\rightarrow d_{xy}$ ) [7] для кластера  $\text{Cu}(\text{H}_2\text{O})_6^{2+}$  с длинами связей  $R(\text{Cu}-\text{O}_{\text{eq}}) = 1.99$  и  $R(\text{Cu}-\text{O}_{\text{ax}}) = 2.30$  Å. Предложенная нами интерпретация переходов представляется тем более обоснованной, что в спектрах первовскитов, не со-

держащих  $d$ -элементов (например,  $\text{BaBiO}_3$ ), соот-

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (код проекта 94-03-09902).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Чугреев А.Л., Мисуркин И.А. // Журн. физ. химии. 1995. Т. 69. № 3. С. 490.
- Чугреев А.Л., Мисуркин И.А. // Там же. 1995. Т. 69. № 4. С. 655.
- Чугреев А.Л., Мисуркин И.А. // Хим. физика. 1995. Т. 14. № 8. С. 155.
- Baumgärtel G., Schmalian J., Bennemann K.-H. // Phys. Rev. B. 1993. V. 48. P. 3983.
- Harrison W.A. Electronic structure and the properties of solids. N.Y.: W.H. Freeman and Company, 1980. (Русский перевод: Харрисон У. Электронная структура и свойства твердых тел. Физика химической связи. Т. 2. М.: Мир, 1983.)
- Tanner D.B., Timusk T. // Physical Properties of High Temperature Superconductors. V. 3. Ed. by D.M. Ginsberg. N.Y.: World Scientific 1992.
- Cooper S.L., Thomas G.A., Millis A.J. et al. // Phys. Rev. B. 1990. V. 42. P. 10785.
- Littlewood P.B. // Correlated Electron Systems. V. 9. Ed. by V. J. Emery. N.Y.: World Scientific, 1993. P. 1.
- Tokura Y., Koshihara S., Arima T. et al. // Phys. Rev. B. 1990. V. 41. P. 11657.
- Soudakov A.V., Tchoungreeff A.L., Misurkin I.A. // Theoret. Chim. Acta. 1992. V. 83. P. 389.
- Судаков А.В., Чугреев А.Л., Мисуркин И.А. // Журн. физ. химии. 1994. Т. 68. № 7. С. 1256.
- Судаков А.В., Чугреев А.Л., Мисуркин И.А. // Там же. 1994. Т. 68. № 7. С. 1264.
- Pople J.A., Beveridge D.L. Approximate molecular orbital theory. N.Y.: McGraw-Hill, Inc. 1970.
- Torrance J.B., Metzger R.M. // Phys. Rev. Lett. 1989. V. 63. № 14. P. 1515.
- Torrance J.B., Lacorro P., Asavaroengchai C., Metzger R.M. // J. Sol. St. Chem. 1991. V. 90. P. 168.
- Hirsh J.E. // Phys. Rev. B. 1993. V. 48. P. 9815.
- Uchida S., Ido T., Takagi H. et al. // Phys. Rev. B. 1991. V. 43. P. 7942.